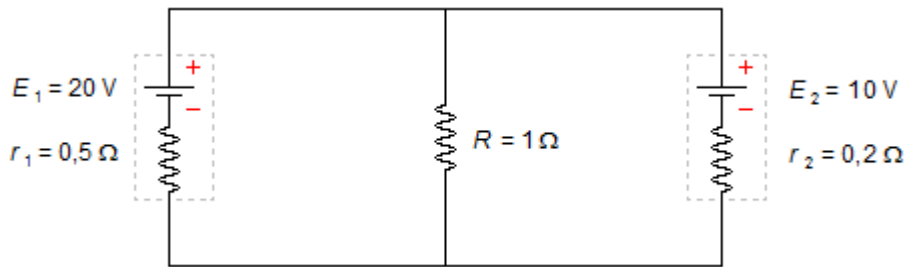


Duas pilhas cujas f.e.m. e resistências internas são respectivamente $E_1 = 20\text{ V}$, $E_2 = 10\text{ V}$ e $r_1 = 0,5\ \Omega$, $r_2 = 0,2\ \Omega$ são ligadas por fios de resistência desprezível a um resistor $R = 1\ \Omega$, segundo o esquema indicado na figura. Determinar as intensidades das correntes nos diferentes trechos do circuito.



Dados do problema

Resistências das pilhas

- $r_1 = 0,5\ \Omega$;
- $r_2 = 0,2\ \Omega$

f.e.m. das pilhas

- $E_1 = 20\text{ V}$;
- $E_2 = 10\text{ V}$.

Resistência externa

- $R = 1\ \Omega$.

Solução

Em primeiro lugar a cada ramo do circuito atribuímos, aleatoriamente, um sentido de corrente. No ramo $EFAB$ temos a corrente i_1 no sentido horário, no ramo BE a corrente i_3 indo de B para E e no ramo $EDCB$ a corrente i_2 no sentido anti-horário. Em segundo lugar para cada malha do circuito atribuímos um sentido, também aleatório, para se percorrer a malha. Malha α ($ABEFA$) sentido horário e malha β ($BCDEB$) também sentido horário. Vemos todos estes elementos na figura 1

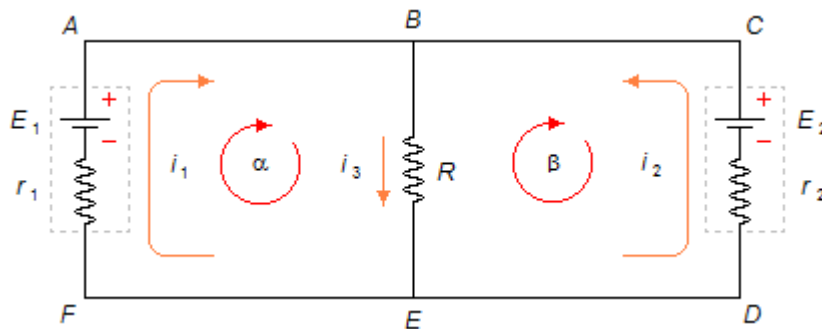


figura 1

- Aplicando a *Lei dos Nós*
As correntes i_1 e i_2 chegam no nó B e a corrente i_3 sai dele

$$i_3 = i_1 + i_2 \quad (I)$$

- Aplicando a *Lei das Malhas*
Para a malha α a partir do ponto A no sentido escolhido, esquecendo a malha β (figura 2), temos

$$Ri_3 + r_1i_1 - E_1 = 0 \quad (II)$$

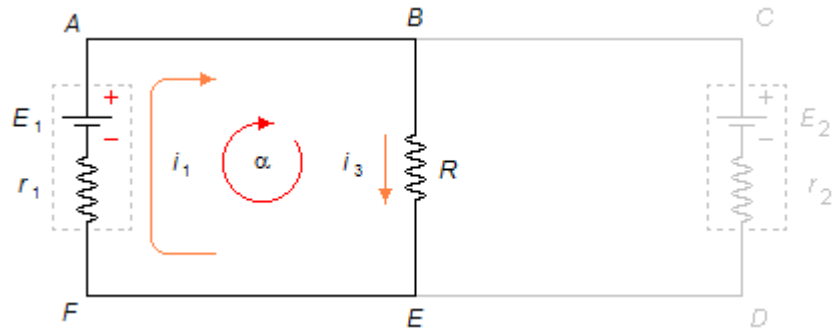


figura 2

substituindo os valores do problema, temos

$$\begin{aligned} 1i_3 + 0,5i_1 - 20 &= 0 \\ i_3 + 0,5i_1 &= 20 \end{aligned} \quad (III)$$

Para a malha β a partir do ponto B no sentido escolhido, esquecendo a malha α , (figura 3), temos

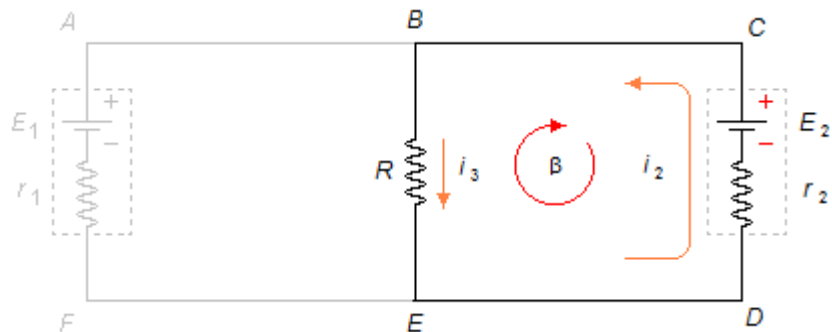


figura 3

$$E_2 - r_2i_2 - Ri_3 = 0 \quad (IV)$$

substituindo os valores

$$\begin{aligned} 10 - 0,2i_2 - 1i_3 &= 0 \\ 0,2i_2 + i_3 &= 10 \end{aligned} \quad (V)$$

As equações (I), (III) e (V) formam um sistema de três equações a três incógnitas (i_1 , i_2 e i_3)

$$\begin{cases} i_3 = i_1 + i_2 \\ i_3 + 0,5i_1 = 20 \\ 0,2i_2 + i_3 = 10 \end{cases}$$

isolando o valor de i_1 na segunda equação, temos

$$i_1 = \frac{20 - i_3}{0,5} \quad (VI)$$

isolando o valor de i_2 na terceira equação, temos

$$i_2 = \frac{10 - i_3}{0,2} \quad (VII)$$

substituindo as expressões (VI) e (VII) na primeira equação obtemos

$$i_3 = \frac{20 - i_3}{0,5} + \frac{10 - i_3}{0,2}$$

Escrevendo na expressão acima $0,5 = \frac{5}{10}$ e $0,2 = \frac{2}{10}$ fica

$$\begin{aligned} i_3 &= \frac{20 - i_3}{\frac{5}{10}} + \frac{10 - i_3}{\frac{2}{10}} \\ i_3 &= \frac{10}{5}(20 - i_3) + \frac{10}{2}(10 - i_3) \\ i_3 &= 2(20 - i_3) + 5(10 - i_3) \\ i_3 &= 40 - 2i_3 + 50 - 5i_3 \\ i_3 &= 90 - 7i_3 \\ i_3 + 7i_3 &= 90 \\ 8i_3 &= 90 \\ i_3 &= \frac{90}{8} \\ i_3 &= 11,25 \text{ A} \end{aligned}$$

substituindo o valor encontrado acima nas expressões (VI) e (VII) encontramos os valores de i_1 e i_2 respectivamente

$$\begin{aligned} i_1 &= \frac{20 - 11,25}{0,5} & i_2 &= \frac{10 - 11,25}{0,5} \\ i_1 &= \frac{8,75}{0,5} & i_2 &= -\frac{1,25}{0,5} \\ i_1 &= 17,5 \text{ A} & i_2 &= -6,25 \text{ A} \end{aligned}$$

Como o valor da corrente i_2 é negativo, isto indica que seu verdadeiro sentido é contrário ao escolhido na figura 1. Os valores das correntes são $i_1=17,5 \text{ A}$, $i_2=6,25 \text{ A}$ e $i_3=11,25 \text{ A}$ e seus sentidos estão mostrados na figura 4.

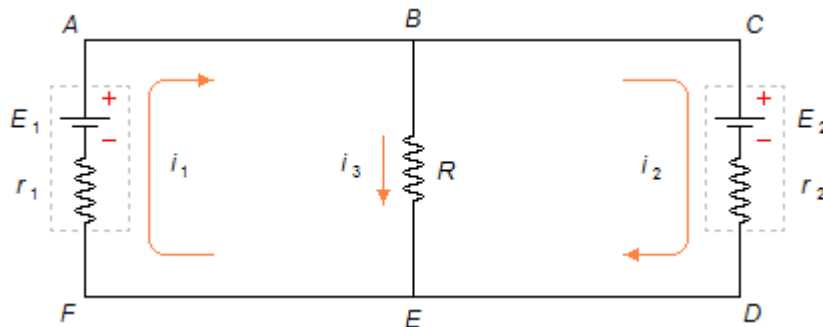


figura 4